EFFECTIVE FIELD THEORIES APPLIED TO STUDIES OF HADRON PHYSICS

KANCHAN P. KHEMCHANDANI UNIVERSIDADE FEDERAL DE SÃO PAULO

Dec 9, 2021 VII OFICINA NACIONAL DE TEORIA QUÂNTICA DE CAMPOS Encontro Virtual, Universidade Federal da Bahia, Brazil

EFFECTIVE FIELD THEORIES AND HADRON PHYSICS

- Embora a teoria de QCD é muito bem sucedida nas altas energias, ela é não perturbativa nas energias relevantes à física de hádrons.
- Uma alternativa para estudar as interações entre hádrons é considerar a teoria de campos efetivo com graus de liberdade sendo os hádrons (ao em vez de quarks).
- Ipicamente: Considerar Lagrangianas baseadas nas simetrias de QCD relevantes a um dado sistema.





Informações importantes trazidas pelos estudos de hádrons:

Formulação do modelo de quarks

quântico de cor.

• O estudo do J/ ψ nos levou à descoberta de quark charm



Model-Independent Study of Structure in $B^+ \rightarrow D^+D^-K^+$ Decays

R. Aaij et al.* (LHCb Collaboration)

(Received 2 September 2020; accepted 7 October 2020; published 7 December 2020)

\odot Foi o estudo de Δ^{++} que trouxe a primeira indicação de existência do número

PHYSICAL REVIEW LETTERS 122, 222001 (2019)

Featured in Physics

Observation of a Narrow Pentaquark and of the Two-Peak Structure of

> R. Aaij *et al*.* (LHCb Collaboration)

(Received 6 April 2019; published

EUROPEAN ORGANIZATION FOR NUCLEAR RESEARCH (CERN)



CERN-EP-2021-165 LHCb-PAPER-2021-031 September 2, 2021

Observation of an exotic narrow doubly charmed tetraquark

PHYSICAL REVIEW D 102, 112003 (2020)

Editors' Suggestion

Amplitude analysis of the $B^+ \rightarrow D^+D^-K^+$ decay

R. Aaij et al.* (LHCb Collaboration)

• Nestes trabalhos observou-se um sinal de dois estados na massa invariante de D^-K^+ $(c\bar{d} \ u\bar{s})$:

 $X_0(2866): M = 2866 \pm 7 \text{ MeV e } \Gamma = 57,2 \pm 12,9 \text{ MeV},$

 $X_1(2900): M = 2904 \pm 5$ MeV e $\Gamma = 110,3 \pm 11,5$ MeV.

 \bigcirc Os estados claramente não são $q\bar{q}!$





EUROPEAN ORGANIZATION FOR NUCLEAR RESEARCH (CERN)



CERN-EP-2021-165 LHCb-PAPER-2021-031 September 2, 2021

Observation of an exotic narrow doubly charmed tetraquark

Nestes trabalhos observou-se um sinal de um estado na massa invariante de $D^{*0}D^+$ ($c\bar{d} \ c\bar{u}$):

M = 3875.09 MeV com incerteza $\delta m_{exp} = -360 \pm 40^{+4}_{-0}$ keV,

$$\Gamma = 48 \pm 2^{+0}_{-14}$$
 keV.

Apenas possui decaimento fraco!







 \odot Os estados P_c 's foram encontrados na massa invariante de $J/\psi p$, produzidos no processo $\Lambda_h^0 \to J/\psi p K^-$.



• Desafios atuais:

- O Determinar as propriedades de hádrons exóticos.
- O Porque certas configurações mostram hádrons exóticos de um dado tipo?
- O Hádrons exóticos existem somente quando há presença de quarks pesados?
- Qual impacto de existência de hádrons exóticos em colisões de íons pesados, em colisões nucleares, etc.?

- Large Hadron Collider (beauty experiment), Suíça (eventos de decaimento de B). Colisões de pp, ou ions pesados.
- Experimento BES no laboratório BEPC (Beijing electron proton collider), china
- Belle, Laboratório KEK (Tsukuba) Japão (electron proton collider), J-PARC (acelerador de proton), Japão (também no KEK), LEPS (Laser electron photon experiment at Spring8)
- Forschungszentrum Jülich (Cooler synchrotron, feixe de Proton/deuteron), Mainz Microtron (photon beams)
- I Jefferson lab (USA), feixe de elétrons, alvo núcleos
- (Novos experimentos) (1) \bar{P} and a (antiproton Annihilation at Darmstadt) (2) super-tau-charm factory (Novosibirsk).



Open Access

Decay processes of a pseudoscalar D(2900)

Brenda B. Malabarba, K. P. Khemchandani, and A. Martínez Torres Phys. Rev. D 104, 116002 – Published 3 December 2021

- na faixa de 2.4-3.0 GeV.
- Estruturas com a maior massa conhecida até agora, em torno de 3000 MeV, foram observadas pela Colaboração LHCb [JHEP 09, 145 (2013), PRD 94, no.7, 072001 (2016)].
- sinal nos espectros $D^+\pi^-$, $D^0\pi^+$ parece ser compatível com uma atribuição de paridade natural.

ullet Além das descoberta dos X(2900), colaborações LHCb e BaBar tem trazido informações sobre mésons $D^{(*)}$

• LHCb reporta a descoberta de um sinal em torno de 3000 MeV nos espectros de massa de $D^{*+}\pi^-$, $D^+\pi^-$, $D^0\pi^+$. A estrutura encontrada no espectro $D^{*+}\pi^-$ é compatível com uma paridade não natural, enquanto o



Open Access

Decay processes of a pseudoscalar D(2900)

Brenda B. Malabarba, K. P. Khemchandani, and A. Martínez Torres Phys. Rev. D 104, 116002 – Published 3 December 2021

Para resolver calculamos as amplitudes de input usando Lagrangianas chiral e de ``heavy quark flavor, spin symmetry" para sistemas envolvendo D e mésons leves respectivamente.

 \odot Em um trabalho anterior (PRD 87, O34O25) estudamos o sistema $DK\bar{K}$, resolvendo equações de espalhamento de Faddeev para: $D^0K^+K^-$, $D^0K^0\bar{K}^0$, $D^0\pi^+\pi^-$, $D^0\pi^-\pi^+$, $D^0\pi^0\pi^0$, $D^0\pi^0\eta$, $D^+K^0K^-$, $D^+\pi^-\pi^0$, $D^+\pi^-\eta$, $D^+\pi^0\pi^-$



• Lagrangiana chiral:

Para sistemas de dois mésons:

$$\mathcal{L}_2 = \frac{1}{12f^2} \langle e_1 \rangle$$

• Simetria de quarks pesados: $\mathscr{L} = D_{\mu}HD^{\mu}H^{\dagger} - M_{H}^{2}HH^{\dagger}$

• onde $D_{\mu}H^{\dagger} = (\partial_{\mu} + \Gamma_{\mu})H^{\dagger}, \quad D_{\mu}H = H(\overleftarrow{\partial}_{\mu} + \Gamma_{\mu})H^{\dagger},$ • $H = (D^{0}, D^{+}, D_{s}^{+})$

$$\partial_{\mu}\Phi\Phi - \Phi\partial_{\mu}\Phi)^2 + M\Phi^4$$

$$\Phi \equiv \frac{\lambda}{\sqrt{2}} \phi = \begin{pmatrix} \frac{1}{\sqrt{2}} \pi^0 + \frac{1}{\sqrt{6}} \eta_8 & \pi^+ \\ \pi^- & -\frac{1}{\sqrt{2}} \pi^0 + \frac{1}{\sqrt{6}} \eta_8 \\ K^- & \bar{K}^0 \end{pmatrix}$$

$$\Gamma_{\mu} + \Gamma^{\dagger}_{\mu}$$
), $\Gamma_{\mu} = \frac{1}{2} (u^{\dagger} \partial_{\mu} u + u \partial_{\mu} u^{\dagger}), \quad u^2 = e^{i\sqrt{2}\phi/f}$



Open Access

Decay processes of a pseudoscalar D(2900)

Brenda B. Malabarba, K. P. Khemchandani, and A. Martínez Torres Phys. Rev. D 104, 116002 – Published 3 December 2021

- na equações de Faddeev como input.
- No trabalho anterior vimos a interação de três mésons gera um estado com massa em torno de 2900 MeV e largura ~ **60 MeV**
- Motivados pelo interesse de grupos experimentais em explorar mésons com charm com massa próximo a 3000 MeV, estudamos agora as propriedades de decaimento do mesmo.

O Com as Lagrangianas resolvemos as equações de espalhamento de dois mésons que entram

 T^{-}



Open Access

Decay processes of a pseudoscalar D(2900)

Brenda B. Malabarba, K. P. Khemchandani, and A. Martínez Torres Phys. Rev. D **104**, 116002 – Published 3 December 2021

Amplitude

$$\begin{split} it_{a} &= \int \frac{d^{4}q}{\left(2\pi\right)^{4}} it_{D(2900)^{0} \to D^{0}f_{0}} it_{f^{0} \to P_{1}P_{2}} it_{VPP} \frac{i}{\left(k+q\right)^{2} - m_{D}^{2}} \frac{i}{\left(P-k-q\right)^{2} - m_{D}^{2}} \\ &= -\int \frac{d^{4}q}{\left(2\pi\right)^{4}} \frac{g_{D(2900)^{0} \to D^{0}f_{0}} \ g_{f^{0} \to P_{1}P_{2}} \ \left[\mathcal{I}_{VPP} \ g_{VPP} \ \epsilon_{\mu}\left(k\right)\left(k^{\mu}+2q^{\mu}\right)\right]}{\left[\left(k+q\right)^{2} - m_{D}^{2}\right] \left[\left(P-k-q\right)^{2} - m_{f_{0}}^{2}\right] \left[q^{2} - m_{P_{1}}^{2}\right]}, \end{split}$$

Passarino Veltman reduction



Open Access

Decay processes of a pseudoscalar D(2900)

Brenda B. Malabarba, K. P. Khemchandani, and A. Martínez Torres Phys. Rev. D **104**, 116002 – Published 3 December 2021

Decay channel	Decay width (MeV)
$D^{*0}\pi^0$	0.18 ± 0.04
$D^{*+}\pi^{-}$	0.35 ± 0.07
$D_s^{*+}K^-$	0.44 ± 0.10
$D_{s0}^*(2317)^+K^-$	18.33 ± 7.25



K. P. Khemchandani,^{1,2,*} A. Martínez Torres,^{3,2,†} H. Nagahiro,^{4,2,‡} and A. Hosaka^{2,§} ¹Universidade Federal de São Paulo, C.P. 01302-907, São Paulo, Brazil ²Research Center for Nuclear Physics (RCNP), Mihogaoka 10-1, Ibaraki 567-0047, Japan ³Universidade de Sao Paulo, Instituto de Fisica, C.P. 05389-970, Sao Paulo, Brazil ⁴Department of Physics, Nara Women's University, Nara 630-8506, Japan

(Received 26 October 2020; accepted 6 January 2021; published 25 January 2021)

- as propriedades dos núcleons.
- Estudar o espectro de núcleon é difícil porque conforme a energia cresce os estados ficam mais largos e a identificação do mesmo nos dados experimentais é um desafio.
- \odot Existem varias questões intrigantes, como a inversão de massa de primer estado excitado de N e Λ : $N^*(1535) - \Lambda(1405).$
- estados com $1/2^-$ são $N^*(1535)$ e depois outro com massa ~2100 MeV.

PHYSICAL REVIEW D 103, 016015 (2021)

Decay properties of $N^*(1895)$

• Embora estudos de hádrons com charm e bottom são de interesse central atualmente, existe escassez de dados sobre

• Outro exemplo é $N^*(1895)$, que é o estado com maior massa conhecida, com spin-paridade $1/2^-$. No modelo quark os



K. P. Khemchandani,^{1,2,*} A. Martínez Torres,^{3,2,†} H. Nagahiro,^{4,2,‡} and A. Hosaka^{2,§} ¹Universidade Federal de São Paulo, C.P. 01302-907, São Paulo, Brazil ²Research Center for Nuclear Physics (RCNP), Mihogaoka 10-1, Ibaraki 567-0047, Japan ³Universidade de Sao Paulo, Instituto de Fisica, C.P. 05389-970, Sao Paulo, Brazil ⁴Department of Physics, Nara Women's University, Nara 630-8506, Japan

(Received 26 October 2020; accepted 6 January 2021; published 25 January 2021)

 \odot Nosso analise mostra que $N^*(1895)$ é um estado gerado a partir das interações de méson bárion.

• Curiosamente a massa de $N^*(1895)$ é muito próxima ao limiar de $K\Lambda(1405)$, o decaimento $N^*(1895) \rightarrow K\Lambda(1405)$ pode ser importante.

• E pode afetar as seções de choque de $\gamma p \rightarrow K\Lambda(1405)$.

PHYSICAL REVIEW D 103, 016015 (2021)

Decay properties of $N^*(1895)$

• Nos estudamos a taxa de transição para $N^*(1895) \rightarrow K\Lambda(1405)$. • Tipos de Lagrangianas usadas:

$$\begin{aligned} & \textcircled{O} \text{ Chiral: } \mathscr{L}_{PB} = \langle \bar{B}i\gamma^{\mu}\partial_{\mu}B + \bar{B}i\gamma^{\mu}[\Gamma_{\mu}, B] \rangle - M_{B}\langle \bar{B}B \rangle + \frac{1}{2}D'\langle \bar{B}\gamma^{\mu}\gamma_{5}\{u_{\mu}, B\} \rangle + \frac{1}{2}F'\langle \bar{B}\gamma^{\mu}\gamma_{5}[u_{\mu}, B] \rangle \operatorname{com} u_{\mu} = iu^{\dagger}\partial_{\mu}Uu^{\dagger}, \\ & \Gamma_{\mu} = \frac{1}{2}\left(u^{\dagger}\partial_{\mu}u + u\partial_{\mu}u^{\dagger}\right), \ U = u^{2} = \exp\left(i\frac{P}{f_{P}}\right); D' = 0.8, \ F' = 0.46 \end{aligned} \\ & P = \begin{pmatrix} \pi^{0} + \frac{1}{\sqrt{3}}\eta & \sqrt{2}\pi^{+} & \sqrt{2}K^{+} \\ \sqrt{2}\pi^{-} & -\pi^{0} + \frac{1}{\sqrt{3}}\eta & \sqrt{2}K^{0} \\ \sqrt{2}K^{-} & \sqrt{2}\bar{K}^{0} & \frac{-2}{\sqrt{3}}\eta \end{pmatrix}, \quad B = \begin{pmatrix} \frac{1}{\sqrt{6}}\Lambda + \frac{1}{\sqrt{2}}\Sigma^{0} & \Sigma^{+} & \mu \\ \Sigma^{-} & \frac{1}{\sqrt{6}}\Lambda - \frac{1}{\sqrt{2}}\Sigma^{0} & \pi \\ \Xi^{-} & \Xi^{0} & -\sqrt{2}K^{0} \end{pmatrix} \end{aligned}$$





Hidden local symmetry

$$\mathscr{L}_{\mathbf{VB}} = -g\left\{\left\langle \bar{B}\gamma_{\mu}\left[V_{8}^{\mu},B\right]\right\rangle + \left\langle \bar{B}\gamma_{\mu}B\right\rangle\langle V_{8}^{\mu}\rangle + \frac{1}{4M}\left(F\langle\bar{B}\sigma_{\mu\nu}\left[V_{8}^{\mu\nu},B\right]\right\rangle + D\langle\bar{B}\sigma_{\mu\nu}\left\{V_{8}^{\mu\nu},B\right\}\rangle\right) + \left\langle \bar{B}\gamma_{\mu}B\right\rangle\langle V_{0}^{\mu}\rangle + \frac{C_{0}}{4M}\langle\bar{B}\sigma_{\mu\nu}V_{0}^{\mu\nu}B\rangle\right\}\right\}$$

com $V^{\mu\nu} = \partial^{\mu}V^{\nu} - \partial^{\nu}V^{\mu} + ig \left[V^{\mu}, V^{\nu}\right]; D = 2.4, F = 0.82, C_0 = 3F - D$

$$V^{\mu} = \frac{1}{2} \begin{pmatrix} \rho^{0} + \omega & \sqrt{2}\rho^{+} & \sqrt{2}K^{*^{+}} \\ \sqrt{2}\rho^{-} & -\rho^{0} + \omega & \sqrt{2}K^{*^{0}} \\ \sqrt{2}K^{*^{-}} & \sqrt{2}\bar{K}^{*^{0}} & \sqrt{2}\phi \end{pmatrix}$$





 $N_{a}(q) = (4k \cdot p - 2p \cdot q - q^{2})\bar{u}_{H^{*}}(p)\gamma_{5}u_{N^{*}}(P) - 2(M_{H^{*}} + m_{Bj})\bar{u}_{H^{*}}(p)\not\!\!/\gamma_{5}u_{N^{*}}(P)$ $\times (M_{H^{*}} + m_{Bj})\bar{u}_{H^{*}}(p)\not\!\!/\gamma_{5}u_{N^{*}}(P) + 2\bar{u}_{H^{*}}(p)\not\!\!/\gamma_{5}u_{N^{*}}(P) + \left(\frac{2k \cdot q - q^{2}}{m_{vj}^{2}}\right)$ $\times [(M_{H^{*}} + m_{Bj})\bar{u}_{H^{*}}(p)\not\!/\gamma_{5}u_{N^{*}}(P) - (2p \cdot q + q^{2})\bar{u}_{H^{*}}(p)\gamma_{5}u_{N^{*}}(P)],$

$$\begin{split} t_{a} &= i \sum_{j} g_{VBH^{*},j} g_{PBN^{*},j} g_{PPV} C_{j} \bar{u}_{H^{*}}(p) \gamma_{\nu} \gamma_{5} \\ &\times \int \frac{d^{4}q}{(2\pi)^{4}} \left\{ \frac{(\not\!\!P - \not\!\!k + \not\!\!q + m_{Bj})}{(P - k + q)^{2} - m_{Bj}^{2} + i\epsilon} \right. \\ &\times \frac{(-g^{\nu\mu} + \frac{q^{\nu}q^{\mu}}{m_{Vj}^{2}})}{q^{2} - m_{Vj}^{2} + i\epsilon} \frac{(2k - q)_{\mu}}{(k - q)^{2} - m_{Pj}^{2} + i\epsilon} \right\} u_{N^{*}}(P) \end{split}$$



$$j = \vec{\sigma} \cdot \vec{k} \left\{ 2\left(M_{H^*} + m_{Bj}\right) + \frac{1}{E_{H^*} + M_{H^*}} \left[2k^0 \left(M_{H^*} + m_{Bj} + 2E_{H^*}\right) - 2\vec{k} \cdot \vec{q} + |\vec{q}|^2 + 4|\vec{k}| + \frac{|\vec{q}|^4 + 4\left(\vec{k} \cdot \vec{q}\right)^2 - 4\left(\vec{k} \cdot \vec{q}\right)|\vec{q}|^2}{m_{vj}^2} \right] \right\} - \vec{\sigma} \cdot \vec{q} \left\{ \left(M_{H^*} + m_{Bj}\right) \left(1 - \frac{2\vec{k} \cdot \vec{q} - |\vec{q}|^2}{m_{vj}^2}\right) \right\}$$

Integração analítica em q^0 , e depois integração numérica

$$\frac{\partial PBN^{*}, j}{Q} g_{PPV} \mathcal{N}_{H^{*}} \mathcal{N}_{N^{*}} C_{j} \int \frac{d^{4}q}{(2\pi)^{4}} \left\{ \chi^{\dagger} \left(\sum_{i=0}^{4} \mathcal{A}_{i,j} [q^{0}]^{i} \right) \chi \right\}$$

$$\frac{1}{(q)^{2} - m_{Bj}^{2} + i\epsilon] [q^{2} - m_{vj}^{2} + i\epsilon] [(k-q)^{2} - m_{pj}^{2} + i\epsilon]},$$

 $+2k^{0}+2\frac{|\dot{k}|^{2}}{E_{H^{*}}+M_{H^{*}}}\right\}, \quad \text{...etc., términos até } \left[q^{0}\right]^{4}$



PHYSICAL REVIEW D 103, 016015 (2021)

Decay properties of $N^*(1895)$

K. P. Khemchandani,^{1,2,*} A. Martínez Torres,^{3,2,†} H. Nagahiro,^{4,2,‡} and A. Hosaka^{2,§} ¹Universidade Federal de São Paulo, C.P. 01302-907, São Paulo, Brazil ²Research Center for Nuclear Physics (RCNP), Mihogaoka 10-1, Ibaraki 567-0047, Japan ³Universidade de Sao Paulo, Instituto de Fisica, C.P. 05389-970, Sao Paulo, Brazil ⁴Department of Physics, Nara Women's University, Nara 630-8506, Japan

(Received 26 October 2020; accepted 6 January 2021; published 25 January 2021)

$$\Gamma_{N^{*+}(1895)\to K^{+}\Lambda(1405)} = 5.7 \pm 0.8 \text{ MeV}$$

 $\Gamma_{N^{*+}(1895)\to K^{+}\Sigma^{0}(1400)} = 6.3 \pm 0.2 \text{ MeV}$



PHYSICAL REVIEW D 103, 114017 (2021)

Photoproduction of Λ^* and Σ^* resonances with $J^P = 1/2^-$ off the proton

Sang-Ho Kim[®],^{1,*} K. P. Khemchandani,^{2,†} A. Martínez Torres[®],^{3,‡} Seung-il Nam,^{1,4,§} and Atsushi Hosaka^{5,6,||}

¹Department of Physics, Pukyong National University (PKNU), Busan 48513, Korea ²Universidade Federal de São Paulo, C.P. 01302-907 São Paulo, Brazil

³Universidade de Sao Paulo, Instituto de Fisica, C.P. 05389-970 Sao Paulo, Brazil

⁴Asia Pacific Center for Theoretical Physics (APCTP), Pohang 37673, Korea

⁵Research Center for Nuclear Physics (RCNP), Osaka University, Ibaraki, Osaka 567-0047, Japan

⁶Advanced Science Research Center, Japan Atomic Energy Agency (JAEA), Tokai 319-1195, Japan

(Received 4 February 2021; accepted 26 May 2021; published 21 June 2021)

- Os pentaquarks descobertos pelo LHCb geraram um debate continuo na comunidade.
- Vários grupos estudaram as interações de dois hádrons para tentar descrever os estados moleculares de dois hádrons, assim atribuindo sempre a paridade negativa aos estados.
- Se estados com paridade negativa existem, também devem existir estados com paridade positiva.



- Por exemplo, poderíamos perguntar se X(3872) N ou $Z_c(3900) N$ podem formar estados ``ligados".
- O limiar desses sistemas é ~ 4800 MeV.
- Nos estudamos a interação X(3872) N, $Z_c(3900) N$, tratando eles $X(3872), Z_c(3900)$

como canais acoplados e considerando que X(3872), $Z_c(3900)$ possuem uma estrutura interna (o nucleon espalha sobre as partículas que formam









Spin-parity	Mass~(MeV)	Width (MeV)
$1/2^{+}$	4404 - 4410	2
$1/2^{+}$	4556 - 4560	4 - 20
$3/2^+$	4467 - 4513	$\sim 3-6$
$3/2^+$	4558 - 4565	$\sim 5-14$



- Existem muitas questões abertas na área de física de hadrons, particularmente em relação aos hádrons exóticos (números quânticos, qual estrutura certa desses hádrons).
- Teorias efectivas de campos são muito utilizadas para resolver uma grande variedade de problemas de física de hádrons.
- Deve existir D(2900) que pode ser encontrado na massa invariante de $D_s(2317)\overline{K}$.
- A interação de nucleon com os estados exóticos X(3872), $Z_c(3900)$ é atrativa e forma estados na faixa de energia estudada pela LHCb para encontrar P_c 's.
- A taxa de decaimento de N*(1895) para os hyperons leves é significante, e pode ser uma forma de distinguir ele dos outras estados próximos.